構造センス育成講座 第2回 「アーチについて(2)」 ～ ライズとスパン ～

「アーチについて(1)」で説明しましたが、アーチは荷重を圧縮力で支える構造です。今回は視点を改めて、アーチの内力ではなく外力(反力)について取り上げます。

アーチの特徴として、単純梁とは違いアーチ脚部にスラストと呼ばれる水平反力が発生します。アーチに鉛直荷重がかかると、外側に広がろうとする力のことです。スラスト(水平反力)を処理することで、アーチを力学的に成り立たせることができます。

スラストの大きさについて考えてみます。どちらのアーチの方が、スラストが大きいですでしょうか。

[図1] 高さの異なる固定アーチによるスラスト検討モデル

[図2] 3 ヒンジアーチの反力分解

静定構造(力のつり合いから解析できる構造)である3ヒンジアーチを例に考えると理解しやすくなります。アーチはスパンが一定ならば、ライズによってスラストの大きさも変わります。このとき、スパンに対するライズの大きさの比のことをライズスパン比(f/L)と呼びますが、これを指標にアーチを比べてみます。

脚部に働く反力を分解してみると、鉛直反力 v は一定なので、支点反力 R の働く角度によってスラスト H の大きさが変わります。この角度はライズスパン比によって決まり、左図の相似三角形より、ライズが大きいとスラストは小さくなるのが分かります。この関係を式に表すと、 $H=(2f/L)^{-1}v$ となり、高さスラストは反比例の関係が成り立ちます。つまり、ライズスパン比が小さくなるとスラストが大きくなり、ライズスパン比が大きくなるとスラストは小さくなります。